

**نسخة للطلبة للمراجعة – الدور الأول ٢٠١٦/٢٠١٧**

1

The number of ways to select 2 different letters together or 3 different letters together from the elements of the set  $\{a, b, c, d, e, f\}$  is ...

(a)  ${}^6C_2 \times {}^6C_3$

(b)  ${}^6P_2 \times {}^6P_3$

(c)  ${}^6C_2 + {}^6C_3$

(d)  ${}^6P_2 + {}^6P_3$

عدد طرق اختيار حرفين مختلفين معاً أو ثلاثة أحرف مختلفة معاً من عناصر المجموعة

$\{a, b, c, d, e, f\}$  هي .....

(أ)  ${}^6P_2 \times {}^6P_3$

(ب)  ${}^6C_2 \times {}^6C_3$

(ج)  ${}^6P_2 + {}^6P_3$

(د)  ${}^6C_2 + {}^6C_3$

2

٢  
 $n+2$   $c_4 = n^2 - 1$ , then  $n = \dots\dots\dots$

(a) 2

(b) 4

(c) 6

(d) 10

إذا كان  $u^2 = v^2 - 1$ ،  
فإن  $u = \dots\dots\dots$

(ب) ٤

(أ) ٢

(د) ١٠

(ج) ٦

3

The term free of  $x$  in the expansion of

$\left(x - \frac{1}{x}\right)^{10}$  is .....

(a)  $T_5$

(b)  $T_7$

(c)  $T_6$

(d)  $T_4$

الحد الخالي من  $x$  في مفكوك

$\left(x - \frac{1}{x}\right)^{10}$  هو .....

(ب)  $T_5$

(أ)  $T_7$

(د)  $T_4$

(ج)  $T_6$

4



4

In the expansion of  $(1+x)^n$ , if  $T_3=17$ ,  $3T_2 \times T_4 = 544$ , then find the value of each of  $n$  and  $x$

في مفكوك  $(1+x)^n$  إذا كان  $T_3=17$ ،  $3T_2 \times T_4 = 544$ ، فما قيمة كل من  $n$ ،  $x$ .

5

5

If  $1, \omega, \omega^2$  are the cubic roots of one, then:

$\omega + \omega^2 + \omega^3 + \dots + \omega^{100}$   
equals .....

- (a) 1  
(c)  $\omega^2$

- (b)  $\omega$   
(d) zero

إذا كانت  $(\omega, \omega^2, 1)$  هي الجذور التكعيبية للواحد الصحيح فإن:

$\omega + \omega^2 + \dots + \omega^{100} =$

- (أ) 1  
(ب)  $\omega$   
(ج)  $\omega^2$   
(د) صفر

6

6

If  $Z = \frac{2-i}{2+i}$ , then  $|Z| = \dots\dots\dots$

(a) 3

(c) 1

(b) 4

(d) 5

إذا كان  $z = \frac{2-i}{2+i}$  (حيث  $i^2 = -1$ )

فإن  $|z| = \dots\dots\dots$

(ب) ٤

(د) ٥

(أ) ٣

(ج) ١

7

The principle amplitude of the complex number  $2(\cos \frac{\pi}{4} - i \sin \frac{\pi}{4})$  is.....

(a)

$$\frac{\pi}{4}$$

(b)

$$\frac{-\pi}{4}$$

(c)

$$\frac{3\pi}{4}$$

(d)

$$\frac{-3\pi}{4}$$

السعة الأساسية للعدد

$$2 \left[ \cos \frac{\pi}{4} - i \sin \frac{\pi}{4} \right]$$

هي .....

(أ)

$$\frac{\pi}{4}$$

(ب)

$$\frac{\pi-}{4}$$

(ج)

$$\frac{\pi 3}{4}$$

(د)

$$\frac{\pi 3-}{4}$$

8



8

Answer one of the following items

(a) Put the number  $Z=1+i$  in the trigonometric form, then find the cubic roots of  $Z$  in the exponential form.

(b) If  $Z = 1 - \sqrt{3}i$ , find  $Z^{\frac{3}{2}}$  in the trigonometric form.

أجب عن إحدى الفقرتين الآتيتين:

أ- ضع العدد  $z = 1 + i$  في الصورة المثلثية ثم أوجد الجذور التكعيبية للعدد  $z$  على الصورة الأسية.

ب- إذا كان  $z = 1 - \sqrt{3}i$  (حيث  $t = 2$ ) أوجد  $z^{\frac{3}{2}}$  في الصورة المثلثية.

9

Without expanding the determinant ,

Prove that :

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ x & y & x \\ x & x & -y \end{vmatrix} = x^2 - y^2$$

بدون فك المحدد أثبت أن:

$${}^2\text{ص} - {}^2\text{س} = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ \text{س} & \text{ص} & \text{س} \\ \text{ص} & \text{س} & -\text{ص} \end{vmatrix}$$

10

The equation of the sphere with center (2,0,0) and touches yz-plane is .....

- (a)  $x^2 + y^2 + z^2 = 4$   
 (b)  $(x - 2)^2 + y^2 + z^2 = 0$   
 (c)  $(x - 2)^2 + y^2 + z^2 = 4$   
 (d)  $x^2 + y^2 + z^2 + 4 = 0$

معادلة الكرة التي مركزها (٢، ٠، ٠) وتمس المستوى الإحداثي ص-ع هي .....

- (أ)  $x^2 + y^2 + z^2 = 4$   
 (ب)  $(x - 2)^2 + y^2 + z^2 = 0$   
 (ج)  $(x - 2)^2 + y^2 + z^2 = 4$   
 (د)  $x^2 + y^2 + z^2 + 4 = 0$

11 Solve the following system of linear equations using the inverse matrix :

$$2x - 3y - z = 9$$

$$, x + 2y + 3z = 15$$

$$, x - 2z = 12$$

حل المعادلات الآتية باستخدام  
المعكوس الضربي للمصفوفة:

$$٢س - ٣ص - ع = ٩$$

$$, س + ٢ص + ٣ع = ١٥$$

$$, س - ٢ع = ١٢$$



12

The coordinates of the midpoint of the line-segment  $\overline{DE}$  where

D (2,3,3) , E (6,-1,-5) is .....

(a) (4,2,3)

(b)  $(2,1,\frac{1}{2})$

(c) (4,1,-1)

(d) (4,1,1)

إحداثيات نقطة منتصف القطعة  $\overline{DE}$  حيث  $D(2,3,3)$  ،  $E(6,-1,-5)$  هي .....

(أ) (3,2,4) (ب)  $(\frac{1}{2}, 1, 2)$

(ج) (1,-1,4) (د) (1,1,4)

13

13

The measure of the angle between the two straight lines :

$$L_1 : x = 2 - 5k$$

$$, y = 1 - k$$

$$, z = 3 + 4k$$

$$L_2 : \frac{x+1}{3} = \frac{2-y}{4} = \frac{z}{2} \text{ equals } \dots\dots\dots$$

(a)  $60^\circ$

(b)  $40^\circ$

(c)  $85^\circ 4'$

(d)  $35.4^\circ$

قياس الزاوية بين المستقيمين

ل: س = ٢ - ٥ك ، ص = ١ - ك ،

ع = ٣ + ٤ك ،

ل: س = ١ + ٣ = ٢ - ص = ٤ - ع

يساوي .....

(أ)  $60^\circ$  (ب)  $40^\circ$

(ج)  $85^\circ 4'$  (د)  $35.4^\circ$

14

The plane  $3x + 2y - 4z = 12$  cuts a part from the y-axis of length .....

(a) 3

(c) 4

(b) 2

(d) 6

المستوى  $3x + 2y - 4z = 12$  يقطع من محور  $y$  جزءاً طوله .....

(ب) ٢

(د) ٦

(أ) ٣

(ج) ٤

15

15

Answer one of the following items:

(a) ABCD is a rectangle in which

AB = 6 cm , BC = 8 cm , find:

(1)  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$

(2) The component of  $\overrightarrow{CD}$  in the direction of  $\overrightarrow{BC}$ .

(b) Find the algebraic form for the vector  $\vec{A}$  whose norm equals  $21\sqrt{3}$  and makes angles equal in measures with the positive direction of the coordinates axes.

أجب عن إحدى الفقرتين الآتيتين:

أ-  $\vec{p}$  جـ  $\vec{r}$  مستطيل فيه  $\vec{p} = 6$  سم ،

$\vec{r} = 8$  سم

أوجد: (١)  $\vec{p} \cdot \vec{r}$

(٢) مركبة  $\vec{r}$  في اتجاه  $\vec{p}$ .

ب- أوجد الصورة الجبرية للمتجه  $\vec{A}$

الذي معياره  $21\sqrt{3}$  ويصنع زوايا

متساوية القياس مع الاتجاهات

الموجبة لمحاور الإحداثيات.



16

The equation of the plane passes through the point (1,2,3) and parallel to the coordinate axes x and y is .....

(a)  $x + y = 3$

(b)  $z = 3$

(c)  $x = 1$

(d)  $y = 2$

معادلة المستوى المار بالنقطة (٣، ٢، ١) ويوازي محوري الإحداثيات

..... هي ص

(أ)  $ص + ح = ٣$  (ب)  $ع = ٣$

(ج)  $س = ١$  (د)  $ص = ٢$

17

The direction cosines of the straight line whose direction ratios  $(-1, 2, 3)$  are.....

- (a)  $\left(\frac{-1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{3}{4}\right)$   
 (b)  $\left(\frac{1}{\sqrt{14}}, \frac{2}{\sqrt{14}}, \frac{3}{\sqrt{14}}\right)$   
 (c)  $\left(\frac{-1}{\sqrt{14}}, \frac{2}{\sqrt{14}}, \frac{3}{\sqrt{14}}\right)$   
 (d)  $\left(\frac{-1}{14}, \frac{1}{7}, \frac{3}{14}\right)$

جيوب تمام الاتجاه للمستقيم الذي  
نسب اتجاهه  $(-1, 2, 3)$  هي

- (أ)  $\left(\frac{3}{4}, \frac{1}{2}, \frac{1}{4}\right)$   
 (ب)  $\left(\frac{3}{14}, \frac{2}{14}, \frac{1}{14}\right)$   
 (ج)  $\left(\frac{3}{14}, \frac{2}{14}, \frac{1}{14}\right)$   
 (د)  $\left(\frac{3}{14}, \frac{1}{7}, \frac{1}{14}\right)$

18

18

Find the equation of the plane that contains the straight line :

$$L_1: \vec{r} = (0, 3, -5) + k_1 (6, -2, -1)$$

and parallel to the straight line :

$$L_2: \vec{r} = (1, 7, -4) + k_2 (1, -3, 3)$$

أوجد معادلة المستوى الذي يحتوي المستقيم

$$L_1: \vec{r} = (0, 3, -5) + k_1 (6, -2, -1)$$

ويوازي المستقيم

$$L_2: \vec{r} = (1, 7, -4) + k_2 (1, -3, 3)$$

19 The plane  $3x + 2y + 4z = 12$  cuts the coordinate axes at the points A, B and C , Calculate the area of  $\triangle ABC$

إذا قطع المستوى  
 $3x + 2y + 4z = 12$   
محاور الإحداثيات  
في النقط م، ب، ج  
احسب مساحة  $\triangle ABC$



نسخة للطلبة للمراجعة - الدور الأول ٢٠١٦/٢٠١٧